

Analisi Matematica II e Complementi

Prova scritta n. 6

Ingegneria, a.a. 2009-2010

19 febbraio 2011

(spazio riservato al docente)

voto

ammonito

espulso

cognome

nome

matricola

risposte:

| | | | | | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

codice compito: CBDC BADB DAAC

1. La funzione $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3$ nel punto $(0, 0)$ (A) non ha un punto critico, (B) ha punto sella, (C) ha un punto di minimo, (D) ha un punto di massimo.

2. La funzione

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

nel punto $(0, 0)$ è

(A) derivabile ma non differenziabile, (B) differenziabile, (C) né continua né derivabile, (D) continua ma non derivabile.

3. Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 0, x \leq 1, y \leq x\}$. Calcolare

$$\iint_D x \, dx \, dy$$

(A) $\frac{1}{3}$, (B) $\frac{1}{4}$, (C) 1, (D) $\frac{1}{2}$.

4. Le soluzioni del sistema lineare autonomo

$$\begin{cases} x' = y \\ y' = 2x \end{cases}$$

hanno in $(0, 0)$

(A) un fuoco, (B) un centro, (C) un nodo, (D) un punto sella.

5. L'integrale

$$\int_{\gamma} \frac{z-1}{z^5+1} dz$$

con $\gamma(t) = 2e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$, vale

(A) $2\pi i$, (B) $10\pi i$, (C) 0, (D) $4\pi i$.

6. La trasformata di Laplace della funzione

$$f(t) = e^t(1 + e^t)$$

è
(A) $\frac{1}{s(s+1)}$, (B) $\frac{2s-3}{(s-1)(s-2)}$, (C) $\frac{e}{s+1}$, (D) $\frac{1}{s^2}$.

7. Sia $y(x)$ la soluzione massimale del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = x^2(y-1)^2, \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Allora possiamo affermare che $y(x)$

(A) non è monotona, (B) è strettamente decrescente, (C) è strettamente crescente, (D) è costante.

8. Sia $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione derivabile. Quale dei seguenti vettori potrebbe essere il valore di $\nabla f(x, y)$ per ogni $(x, y) \in \mathbb{R}^2$?

(A) $(0, x)$, (B) $(y, 1)$, (C) $(-y, x)$, (D) (y, x) .

9. Calcolare $\int_{\gamma} \bar{z} dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.

(A) -1 , (B) $2\pi i$, (C) $\sqrt{2}$, (D) i .

10. La trasformata di Laplace della funzione $f(t) = t^2 e^t \sin t$ ha ascissa di convergenza

(A) -1 , (B) $-\infty$, (C) 0, (D) 1.

11. La successione di funzioni

$$f_k(x) = e^{\frac{x}{k}}$$

converge uniformemente

(A) su tutto \mathbb{R} , (B) su $(-\infty, 1]$ ma non su tutto \mathbb{R} , (C) su $[-1, 1]$ ma non su tutto $(-\infty, 1]$, (D) su $[-1, 0]$ ma non su $[-1, 1]$.

12. Lo sviluppo di Taylor in $z_0 = 0$ della funzione

$$f(z) = \frac{z^2 - 2}{z^2 + 2}$$

ha raggio di convergenza

(A) 1, (B) $\sqrt{2}$, (C) infinito, (D) 2.

Analisi Matematica II e Complementi

Prova scritta n. 6

Ingegneria, a.a. 2009-2010

19 febbraio 2011

(spazio riservato al docente)

voto

ammonito

espulso

cognome

nome

matricola

risposte:

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|

codice compito: DDCB DACC AABB

1. La funzione $f(x, y) = x^2 - y^2 + y^3$ nel punto $(0, 0)$ (A) ha un punto di minimo, (B) ha punto sella, (C) ha un punto di massimo, (D) non ha un punto critico.

2. La funzione

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

nel punto $(0, 0)$ è

(A) né continua né derivabile, (B) derivabile ma non differenziabile, (C) continua ma non derivabile, (D) differenziabile.

3. Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 0, x \leq 1, y \leq x\}$. Calcolare

$$\iint_D x \, dx \, dy$$

(A) $\frac{1}{3}$, (B) $\frac{1}{4}$, (C) $\frac{1}{2}$, (D) 1.

4. Le soluzioni del sistema lineare autonomo

$$\begin{cases} x' = -y \\ y' = 2x \end{cases}$$

hanno in $(0, 0)$

(A) un centro, (B) un punto sella, (C) un fuoco, (D) un nodo.

5. L'integrale

$$\int_{\gamma} \frac{z-1}{z^5+1} dz$$

con $\gamma(t) = 2e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$, vale

(A) $4\pi i$, (B) 0, (C) $2\pi i$, (D) $10\pi i$.

6. La trasformata di Laplace della funzione

$$f(t) = \frac{1}{e^t - 1}$$

è
(A) $\frac{1}{s^2}$, (B) $\frac{2s-3}{(s-1)(s-2)}$, (C) $\frac{1}{s(s+1)}$, (D) $\frac{e}{s+1}$.

7. Sia $y(x)$ la soluzione massimale del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = x^2(1-y)^2, \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Allora possiamo affermare che $y(x)$

(A) non è monotona, (B) è strettamente decrescente, (C) è costante, (D) è strettamente crescente.

8. Sia $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione derivabile. Quale dei seguenti vettori potrebbe essere il valore di $\nabla f(x, y)$ per ogni $(x, y) \in \mathbb{R}^2$?

(A) $(0, x)$, (B) $(y, 1)$, (C) (y, x) , (D) $(-y, x)$.

9. Calcolare $\int_{\gamma} \bar{z} dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.

(A) -1 , (B) i , (C) $2\pi i$, (D) $\sqrt{2}$.

10. La trasformata di Laplace della funzione $f(t) = t^2 e^{-t} \sin t$ ha ascissa di convergenza

(A) $-\infty$, (B) 0, (C) -1 , (D) 1.

11. La successione di funzioni

$$f_k(x) = e^{\frac{x}{k}}$$

converge uniformemente

(A) su $(-\infty, 1]$ ma non su tutto \mathbb{R} , (B) su $[-1, 1]$ ma non su tutto $(-\infty, 1]$, (C) su $[-1, 0]$ ma non su $[-1, 1]$, (D) su tutto \mathbb{R} .

12. Lo sviluppo di Taylor in $z_0 = 0$ della funzione

$$f(z) = \frac{z^2 - 2}{z^2 + 2}$$

ha raggio di convergenza

(A) infinito, (B) 1, (C) 2, (D) $\sqrt{2}$.

Analisi Matematica II e Complementi

Prova scritta n. 6

Ingegneria, a.a. 2009-2010

19 febbraio 2011

(spazio riservato al docente)

ammonito

espulso

voto

cognome

nome

matricola

risposte:

| | | | | | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

codice compito: BDCD ADBC AABC

1. La funzione $f(x, y) = xy - x^2y$ nel punto $(0, 0)$
(A) ha un punto di minimo, (B) ha un punto di massimo,
(C) ha punto sella, (D) non ha un punto critico.

2. La funzione

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

nel punto $(0, 0)$ è

(A) né continua né derivabile, (B) derivabile ma non differenziabile, (C) continua ma non derivabile, (D) differenziabile.

3. Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 0, x \leq 1, y \leq x\}$. Calcolare

$$\iint_D x \, dx \, dy$$

(A) $\frac{1}{4}$, (B) $\frac{1}{2}$, (C) 1, (D) $\frac{1}{3}$.

4. Le soluzioni del sistema lineare autonomo

$$\begin{cases} x' = y \\ y' = -2x \end{cases}$$

hanno in $(0, 0)$

(A) un centro, (B) un fuoco, (C) un punto sella, (D) un nodo.

5. L'integrale

$$\int_{\gamma} \frac{z-1}{z^5+1} dz$$

con $\gamma(t) = 2e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$, vale

(A) $2\pi i$, (B) $4\pi i$, (C) 0, (D) $10\pi i$.

6. La trasformata di Laplace della funzione

$$f(t) = e^t(1 + e^t)$$

è
(A) $\frac{1}{s(s+1)}$, (B) $\frac{1}{s^2}$, (C) $\frac{e}{s+1}$, (D) $\frac{2s-3}{(s-1)(s-2)}$.

7. Sia $y(x)$ la soluzione massimale del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = (x-1)^2(y-1) \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Allora possiamo affermare che $y(x)$

(A) non è monotona, (B) è strettamente decrescente, (C) è costante, (D) è strettamente crescente.

8. Sia $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione derivabile. Quale dei seguenti vettori potrebbe essere il valore di $\nabla f(x, y)$ per ogni $(x, y) \in \mathbb{R}^2$?

(A) $(-y, x)$, (B) (y, x) , (C) $(y, 1)$, (D) $(0, x)$.

9. Calcolare $\int_{\gamma} \bar{z} dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.

(A) -1 , (B) i , (C) $2\pi i$, (D) $\sqrt{2}$.

10. La trasformata di Laplace della funzione $f(t) = t^2 e^t \sin t$ ha ascissa di convergenza

(A) 0, (B) 1, (C) $-\infty$, (D) -1 .

11. La successione di funzioni

$$f_k(x) = e^{\frac{x}{k}}$$

converge uniformemente

(A) su tutto \mathbb{R} , (B) su $[-1, 0]$ ma non su $[-1, 1]$, (C) su $[-1, 1]$ ma non su tutto $(-\infty, 1]$, (D) su $(-\infty, 1]$ ma non su tutto \mathbb{R} .

12. Lo sviluppo di Taylor in $z_0 = 0$ della funzione

$$f(z) = \frac{z^2 - 2}{z^2 + 2}$$

ha raggio di convergenza

(A) $\sqrt{2}$, (B) 1, (C) infinito, (D) 2.

Analisi Matematica II e Complementi
 Prova scritta n. 6
 Ingegneria, a.a. 2009-2010
 19 febbraio 2011

(spazio riservato al docente)

voto

ammonito

espulso

cognome

nome

matricola

risposte:

| | | | | | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

codice compito: CDAB CBCB AADD

1. La funzione $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3$ nel punto $(0, 0)$ (A) non ha un punto critico, (B) ha punto sella, (C) ha un punto di massimo, (D) ha un punto di minimo.

2. La funzione

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

nel punto $(0, 0)$ è (A) né continua né derivabile, (B) differenziabile, (C) continua ma non derivabile, (D) derivabile ma non differenziabile.

3. Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 0, x \leq 1, y \leq x\}$. Calcolare

$$\iint_D x \, dx \, dy$$

(A) 1, (B) $\frac{1}{3}$, (C) $\frac{1}{2}$, (D) $\frac{1}{4}$.

4. Le soluzioni del sistema lineare autonomo

$$\begin{cases} x' = -y \\ y' = -2x \end{cases}$$

hanno in $(0, 0)$ (A) un punto sella, (B) un centro, (C) un nodo, (D) un fuoco.

5. L'integrale

$$\int_{\gamma} \frac{z-1}{z^5+1} dz$$

con $\gamma(t) = 2e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$, vale (A) $4\pi i$, (B) $2\pi i$, (C) $10\pi i$, (D) 0.

6. La trasformata di Laplace della funzione

$$f(t) = \frac{1}{e^{t-1}}$$

è (A) $\frac{1}{s^2}$, (B) $\frac{2s-3}{(s-1)(s-2)}$, (C) $\frac{1}{s(s+1)}$, (D) $\frac{e}{s+1}$.

7. Sia $y(x)$ la soluzione massimale del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = x^2(y-1)^2, \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Allora possiamo affermare che $y(x)$ (A) è costante, (B) è strettamente decrescente, (C) non è monotona, (D) è strettamente crescente.

8. Sia $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione derivabile. Quale dei seguenti vettori potrebbe essere il valore di $\nabla f(x, y)$ per ogni $(x, y) \in \mathbb{R}^2$?

(A) $(-y, x)$, (B) $(y, 1)$, (C) (y, x) , (D) $(0, x)$.

9. Calcolare $\int_{\gamma} \bar{z} dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.

(A) $\sqrt{2}$, (B) $2\pi i$, (C) i , (D) -1 .

10. La trasformata di Laplace della funzione $f(t) = t^2 e^{-t} \sin t$ ha ascissa di convergenza

(A) $-\infty$, (B) 1, (C) -1 , (D) 0.

11. La successione di funzioni

$$f_k(x) = e^{\frac{x}{k}}$$

converge uniformemente

(A) su $[-1, 0]$ ma non su $[-1, 1]$, (B) su $(-\infty, 1]$ ma non su tutto \mathbb{R} , (C) su tutto \mathbb{R} , (D) su $[-1, 1]$ ma non su tutto $(-\infty, 1]$.

12. Lo sviluppo di Taylor in $z_0 = 0$ della funzione

$$f(z) = \frac{z^2 - 2}{z^2 + 2}$$

ha raggio di convergenza

(A) infinito, (B) 1, (C) $\sqrt{2}$, (D) 2.