## Analisi Matematica – B - Corso di Laurea in Informatica, (A.A. 2012/2013) fila A

### Prova scritta del 21 Dicembre 2012

Problema 1. Verificare che:

(8 punti)

- a)  $\lim_{n\to+\infty} 7^n = +\infty$  (usando la Teorema del confronto).
- b)  $\lim_{x\to 2} \frac{4-x^2}{x^2} = 0$  (usando la definizione).

Problema 2. Calcolare il limite della successione:

(8 punti)

a) 
$$\lim_{n\to+\infty} \sqrt[n]{(\log(n^3) + \sin n^n + 3\sqrt[3]{n^2} + 2.3^n)}$$

b) 
$$\lim_{n\to+\infty} \left(1+\sin\frac{5}{n^3}\right)^{\sqrt{(n^6+3n^3+11)}}$$

**Problema 3.** Data la funzione  $f(x) = [1 + (\sin 2x)^2]^{\frac{1}{(e^{5x}-1)arctan3x}}$ , prolungarla per continuità in x = 0. (8 punti)

**Problema 4.** Risolvere in campo complesso l'equazione: (8 punti)

a) 
$$z.\bar{z} + 4.\bar{z} = (1-i)^8 - 4i - 4$$

b) 
$$z^3 - 8 = 0$$

## Analisi Matematica – B - Corso di Laurea in Informatica, (A.A. 2012/2013) fila B

### Prova scritta del 21 Dicembre 2012

Problema 1. Verificare che:

(8 punti)

- a)  $\lim_{n\to+\infty} 5^n = +\infty$  (usando la Teorema del confronto).
- b)  $\lim_{x\to 3} \frac{9-x^2}{x} = 0$  (usando la definizione).

**Problema 2.** Calcolare il limite della successione:

(8 punti)

a) 
$$\lim_{n\to+\infty} \sqrt[n]{\left(\log(n^5) + \cos n! + 3.4^n + 2\sqrt[7]{n^5}\right)}$$

b) 
$$\lim_{n\to+\infty} \left(1 + \arctan\frac{7}{n}\right)^{\sqrt{(n^2+2n+3)}}$$

**Problema 3.** Data la funzione  $f(x) = [1 + (\sin 3x)^2]^{\frac{1}{(e^{2x}-1)arcsen5x}}$ , prolungarla per continuità in x = 0. (8 punti)

**Problema 4.** Risolvere in campo complesso l'equazione: ( 8 punti )

a) 
$$|z|^2 + 2.\bar{z} = (1+i)^6 + 24$$

b) 
$$z^4 - 81 = 0$$

## Analisi Matematica – B - Corso di Laurea in Informatica, (A.A. 2012/2013) fila C

#### Prova scritta del 21 Dicembre 2012

Problema 1. Verificare che:

(8 punti)

- a)  $\lim_{n\to+\infty} 3^n = +\infty$  (usando la Teorema del confronto).
- b)  $\lim_{x\to 4} \frac{16-x^2}{x^2} = 0$  (usando la definizione).

**Problema 2.** Calcolare il limite della successione:

(8 punti)

a) 
$$\lim_{n\to+\infty} \sqrt[n]{\left(\log(n^7) + \sin n^2 + 3\sqrt[4]{n^3} + 2.5^n\right)}$$

b) 
$$\lim_{n\to+\infty} \left(1 + \tan\frac{4}{n^2}\right)^{\sqrt{(n^4 + 2n^2 + 5)}}$$

**Problema 3.** Data la funzione  $f(x) = [1 + (\sin 4x)^2]^{\frac{1}{(e^{3x}-1)arctan2x}}$ , prolungarla per continuità in x = 0. (8 punti)

**Problema 4.** Risolvere in campo complesso l'equazione: (8 punti)

a) 
$$z.\bar{z} + 2.\bar{z} = (1 - i)^6 + 24$$

b) 
$$z^3 - 27 = 0$$

# Analisi Matematica – B - Corso di Laurea in Informatica, (A.A. 2012/2013) fila D

### Prova scritta del 21 Dicembre 2012

**Problema 1.** Verificare che:

(8 punti)

- a)  $\lim_{n\to+\infty} 4^n = +\infty$  (usando la Teorema del confronto).
- b)  $\lim_{x\to 5} \frac{25-x^2}{x} = 0$  (usando la definizione).

**Problema 2.** Calcolare il limite della successione:

(8 punti)

a) 
$$\lim_{n \to +\infty} \sqrt[n]{(\log(n) + \cos n! + 3\sqrt[5]{n^3} + 5.6^n)}$$

b) 
$$\lim_{n\to+\infty} \left(1 + \arcsin\frac{3}{n}\right)^{\sqrt{(n^2+n+2)}}$$

**Problema 3.** Data la funzione  $f(x) = [1 + (\sin 5x)^2]^{\frac{1}{(e^{4x}-1)arcsen2x}}$ , prolungarla per continuità in x = 0. (8 punti)

**Problema 4.** Risolvere in campo complesso l'equazione: (8 punti)

a) 
$$|z|^2 + 4.\bar{z} = (1+i)^8 - 4i - 4$$

b) 
$$z^4 - 16 = 0$$